

Критерии оценивания заданий с развёрнутым ответом

Модуль "Алгебра"

21 Упростите выражение $\frac{\sqrt{\sqrt{10}-2} \cdot \sqrt{\sqrt{10}+2}}{\sqrt{24}}$.

Решение.

$$\frac{\sqrt{\sqrt{10}-2} \cdot \sqrt{\sqrt{10}+2}}{\sqrt{24}} = \frac{\sqrt{(\sqrt{10}-2)(\sqrt{10}+2)}}{\sqrt{24}} = \frac{\sqrt{10-4}}{\sqrt{24}} = \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{24}} = \frac{1}{\sqrt{4}} = \frac{1}{2}.$$

Ответ: $\frac{1}{2}$.

Критерии оценивания выполнения задания	Баллы
Все преобразования выполнены верно, получен верный ответ	2
По ходу решения допущена одна ошибка вычислительного характера или описка, с её учётом решение доведено до конца	1
Другие случаи, не соответствующие указанным критериям	0
Максимальный балл	2

Комментарий. Ошибки в применении формул считаются существенными; при их наличии решение не засчитывается.

22 Один из корней уравнения $5x^2 - 2x + 3p = 0$ равен 1. Найдите второй корень.

Решение.

Подставим известный корень в уравнение: $5 - 2 + 3p = 0$. Получим уравнение относительно p . Решим его: $3p = -3$; $p = -1$. Подставим p в уравнение: $5x^2 - 2x - 3 = 0$, откуда

$$x = \frac{2 \pm \sqrt{4 + 4 \cdot 5 \cdot 3}}{10} = \frac{2 \pm 8}{10}, \quad x_1 = 1, \quad x_2 = -0,6.$$

Ответ: $-0,6$.

Критерии оценивания выполнения задания	Баллы
Все преобразования выполнены верно, получен верный ответ	3
По ходу решения допущена одна ошибка вычислительного характера или описка, с её учётом решение доведено до конца	2
Другие случаи, не соответствующие указанным критериям	0
Максимальный балл	3

23 Найдите наименьшее значение выражения и значения x и y , при которых оно достигается $|6x + y + 5| + |3x + 2y + 1|$.

Решение.

Сумма $|6x + y + 5| + |3x + 2y + 1|$ принимает наименьшее значение, равное 0, только в том случае, когда оба слагаемых одновременно равны 0. Получаем систему уравнений

$$\begin{cases} 6x + y + 5 = 0, \\ 3x + 2y + 1 = 0. \end{cases}$$

Решим её

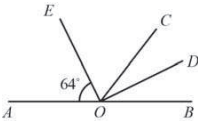
$$\begin{cases} 6x + y + 5 = 0, \\ 6x + 4y + 2 = 0, \end{cases} \quad \begin{cases} 3y - 3 = 0, \\ 6x + y + 5 = 0, \end{cases} \quad \begin{cases} y = 1, \\ 6x + 6 = 0, \end{cases} \quad \begin{cases} y = 1, \\ x = -1. \end{cases}$$

Ответ: 0; $(-1; 1)$.

Критерии оценивания выполнения задания	Баллы
Все преобразования выполнены верно, получен верный ответ	4
По ходу решения допущена одна ошибка вычислительного характера или описка, с её учётом решение доведено до конца	3
Другие случаи, не соответствующие указанным критериям	0
Максимальный балл	4

Модуль "Геометрия"

24 Найдите величину угла DOB , если OE – биссектриса угла AOC , OD – биссектриса угла COB .



Решение.

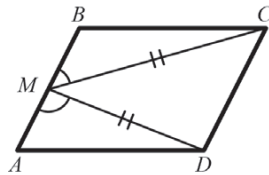
$\angle COA = 2 \cdot 64^\circ = 128^\circ$; $\angle BOC = 180^\circ - 128^\circ = 52^\circ$; $\angle DOB = 52^\circ : 2 = 26^\circ$.

Ответ: 26° .

Критерии оценивания выполнения задания	Баллы
Решение верно, получен верный ответ	2
Допущена одна ошибка вычислительного характера или описка, с её учетом решение доведено до конца	1
Другие случаи, не соответствующие указанным критериям	0
Максимальный балл	2

25 В параллелограмме $ABCD$ точка M — середина стороны AB . Известно, что $MC = MD$. Докажите, что данный параллелограмм — прямоугольник.

Пусть точка M — середина стороны AB параллелограмма $ABCD$ — равноудалена от его вершин C и D . Тогда, треугольник CMD — равнобедренный, поэтому $\angle MCD = \angle MDC$. Поскольку прямая CD параллельна стороне AB , то $\angle BMC = \angle MCD$ и $\angle AMD = \angle MDC$ как накрест лежащие. Таким образом, $\triangle BMC = \triangle AMD$ по первому признаку равенства треугольников ($\angle BMC = \angle AMD$, $AM = BM$, $MC = MD$).



Значит, $\angle CBM = \angle DAM$. Их сумма равна 180° , т.к. это два угла параллелограмма, прилежащие к одной стороне. Следовательно, $\angle CBM = \angle DAM = 90^\circ$. По свойству параллелограмма углы BCD и CDA также прямые. Значит, $ABCD$ — прямоугольник.
Комментарий: Равенство треугольников BMC и AMD может быть доказано иначе, например, по третьему признаку равенства треугольников.

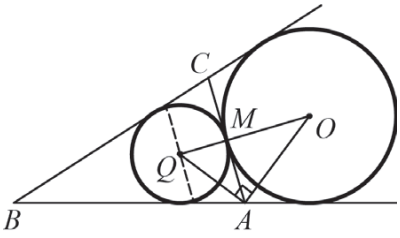
Другое возможное доказательство:

Пусть точка O — середина CD . Четырехугольник $OMBC$ является параллелограммом, поскольку его стороны OC и MB параллельны и равны. Треугольник MCD — равнобедренный, поэтому OM — его высота. Значит, $OMBC$ — прямоугольник, следовательно, угол CBM — прямой.

Критерии оценивания выполнения задания	Баллы
Доказательство верное, все шаги обоснованы	3
Доказательство содержит неточности или пробелы, например, отсутствуют ссылки на свойства параллельных прямых или параллелограмма	2
Другие случаи, не соответствующие указанным критериям	0
Максимальный балл	3

26 Основание AC равнобедренного треугольника ABC равно 12. Окружность радиуса 8 с центром вне этого треугольника касается продолжения боковых сторон треугольника и касается основания AC в его середине. Найдите радиус окружности, вписанной в треугольник ABC .

Решение.



Данная окружность касается стороны AC в её середине M и продолжений сторон BA и BC треугольника ABC . Пусть O — центр этой окружности, а Q — центр окружности, вписанной в треугольник ABC . Угол OAQ — прямой как угол между биссектрисами смежных углов. Треугольник OAQ — прямоугольный, AM — его высота. Из этого треугольника находим, что $AM^2 = MQ \cdot MO$. Следовательно, $QM = \frac{AM^2}{OM} = \frac{9}{2} = 4,5$.

Ответ: 4, 5.

Критерии оценивания выполнения задания	Баллы
Ход решения верный, все его шаги выполнены правильно, получен верный ответ	4
Ход решения верный, все его шаги выполнены правильно, но даны неполные объяснения или допущена одна вычислительная ошибка	3
Другие случаи, не соответствующие указанным выше критериям	0
Максимальный балл	4

Критерии оценивания заданий с развёрнутым ответом

Модуль "Алгебра"

21

Упростите выражение $\frac{\sqrt{54}}{\sqrt{\sqrt{15}+3} \cdot \sqrt{\sqrt{15}-3}}$.

Решение.

$$\frac{\sqrt{54}}{\sqrt{\sqrt{15}+3} \cdot \sqrt{\sqrt{15}-3}} = \frac{\sqrt{54}}{\sqrt{(\sqrt{15}+3)(\sqrt{15}-3)}} = \frac{\sqrt{54}}{\sqrt{15-9}} = \frac{\sqrt{54}}{\sqrt{6}} = \sqrt{9} = 3.$$

Ответ: 3.

Критерии оценивания выполнения задания	Баллы
Все преобразования выполнены верно, получен верный ответ	2
По ходу решения допущена одна ошибка вычислительного характера или описка, с её учётом решение доведено до конца	1
Другие случаи, не соответствующие указанным критериям	0
Максимальный балл	2

Комментарий. Ошибки в применении формул считаются существенными; при их наличии решение не засчитывается.

22

Один из корней уравнения $4x^2 - x + 3m = 0$ равен 1. Найдите второй корень.

Решение.

Подставим известный корень в уравнение: $4 - 1 + 3m = 0$. Получим уравнение относительно m . Решим его: $3m = -3$; $m = -1$. Подставим m в уравнение: $4x^2 - x - 3 = 0$, откуда

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{1 + 4 \cdot 3 \cdot 4}}{8} = \frac{1 \pm 7}{8}, \quad x_1 = 1, \quad x_2 = -\frac{3}{4}.$$

Ответ: $-\frac{3}{4}$.

Критерии оценивания выполнения задания	Баллы
Все преобразования выполнены верно, получен верный ответ	3
По ходу решения допущена одна ошибка вычислительного характера или описка, с её учётом решение доведено до конца	2
Другие случаи, не соответствующие указанным критериям	0
Максимальный балл	3

23

Найдите наименьшее значение выражения и значения x и y , при которых оно достигается: $|3x + 4y - 1| + |x - 5y + 6|$.

Решение.

Сумма $|3x + 4y - 1| + |x - 5y + 6|$ принимает наименьшее значение, равное 0, только в том случае, когда оба слагаемых одновременно равны 0. Получаем систему уравнений

$$\begin{cases} 3x + 4y - 1 = 0, \\ x - 5y + 6 = 0. \end{cases}$$

Решим её

$$\begin{cases} 3x + 4y - 1 = 0, \\ 3x - 15y + 18 = 0; \end{cases} \quad \begin{cases} 19y - 19 = 0, \\ x - 5y + 6 = 0; \end{cases} \quad \begin{cases} y = 1, \\ x = -1. \end{cases}$$

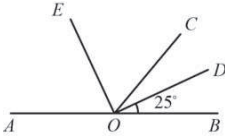
Ответ: 0; (−1;1).

Критерии оценивания выполнения задания	Баллы
Все преобразования выполнены верно, получен верный ответ	4
По ходу решения допущена одна ошибка вычислительного характера или описка, с её учётом решение доведено до конца	3
Другие случаи, не соответствующие указанным критериям	0
Максимальный балл	4

Модуль "Геометрия"

24

Найдите величину угла AOE , если OE – биссектриса угла AOC , OD – биссектриса угла COB .



Решение.

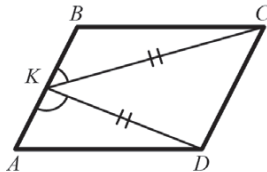
$\angle COB = 2 \cdot 25^\circ = 50^\circ$; $\angle AOC = 180^\circ - 50^\circ = 130^\circ$; $\angle AOE = 130^\circ : 2 = 65^\circ$.

Ответ: 65° .

Критерии оценивания выполнения задания	Баллы
Решение верно, получен верный ответ	2
Допущена одна ошибка вычислительного характера или описка, с её учетом решение доведено до конца	1
Другие случаи, не соответствующие указанным критериям	0
Максимальный балл	2

25 В параллелограмме $ABCD$ точка K — середина стороны AB . Известно, что $KC = KD$. Докажите, что данный параллелограмм — прямоугольник.

Пусть точка K — середина стороны AB параллелограмма $ABCD$ — равноудалена от его вершин C и D . Тогда, треугольник CKD — равнобедренный, поэтому $\angle KCD = \angle KDC$. Поскольку прямая CD параллельна стороне AB , то $\angle BKC = \angle KCD$ и $\angle AKD = \angle KDC$ как накрест лежащие. Таким образом, $\triangle BKC = \triangle AKD$ по первому признаку равенства треугольников ($\angle BKC = \angle AKD$, $AK = BK$, $KC = KD$).



Значит, $\angle CBK = \angle DAK$. Их сумма равна 180° , т.к. это два угла параллелограмма, прилежащие к одной стороне. Следовательно, $\angle CBK = \angle DAK = 90^\circ$. По свойству параллелограмма углы BCD и CDA также прямые. Значит, $ABCD$ — прямоугольник.
Комментарий: Равенство треугольников BKC и AKD может быть доказано иначе, например, по третьему признаку равенства треугольников.

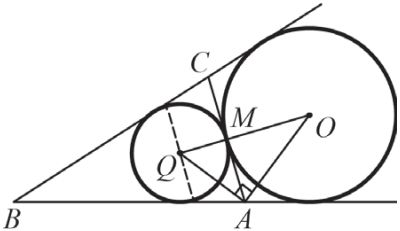
Другое возможное доказательство:

Пусть точка O — середина CD . Четырехугольник $OKBC$ является параллелограммом, поскольку его стороны OC и KB параллельны и равны. Треугольник KCD — равнобедренный, поэтому OK — его высота. Значит, $OKBC$ — прямоугольник, следовательно, угол CBK — прямой.

Критерии оценивания выполнения задания	Баллы
Доказательство верное, все шаги обоснованы	3
Доказательство содержит неточности или пробелы, например, отсутствуют ссылки на свойства параллельных прямых или параллелограмма	2
Другие случаи, не соответствующие указанным критериям	0
Максимальный балл	3

26 Основание AC равнобедренного треугольника ABC равно 8. Окружность радиуса 6 с центром вне этого треугольника касается продолжения боковых сторон треугольника и касается основания AC в его середине. Найдите радиус окружности, вписанной в треугольник ABC .

Решение.



Данная окружность касается стороны AC в её середине M и продолжений сторон BA и BC треугольника ABC .

Пусть O — центр этой окружности, а Q — центр окружности, вписанной в треугольник ABC . Угол OAQ — прямой как угол между биссектрисами смежных углов. Треугольник OAQ — прямоугольный, AM — его высота. Из этого треугольника находим, что $AM^2 = MQ \cdot MO$. Следовательно, $QM = \frac{AM^2}{OM} = \frac{8}{3}$.

Ответ: $\frac{8}{3}$.

Критерии оценивания выполнения задания	Баллы
Ход решения верный, все его шаги выполнены правильно, получен верный ответ	4
Ход решения верный, все его шаги выполнены правильно, но даны неполные объяснения или допущена одна вычислительная ошибка	3
Другие случаи, не соответствующие указанным выше критериям	0
Максимальный балл	4

Критерии оценивания заданий с развёрнутым ответом

Модуль "Алгебра"

21 Упростите выражение $\frac{\sqrt{\sqrt{15}-3} \cdot \sqrt{\sqrt{15}+3}}{\sqrt{24}}$.

Решение.

$$\frac{\sqrt{\sqrt{15}-3} \cdot \sqrt{\sqrt{15}+3}}{\sqrt{24}} = \frac{\sqrt{(\sqrt{15}-3)(\sqrt{15}+3)}}{\sqrt{24}} = \frac{\sqrt{15-9}}{\sqrt{24}} = \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{24}} = \frac{1}{\sqrt{4}} = \frac{1}{2}.$$

Ответ: $\frac{1}{2}$.

Критерии оценивания выполнения задания	Баллы
Все преобразования выполнены верно, получен верный ответ	2
По ходу решения допущена одна ошибка вычислительного характера или описка, с её учётом решение доведено до конца	1
Другие случаи, не соответствующие указанным критериям	0
Максимальный балл	2

Комментарий. Ошибки в применении формул считаются существенными; при их наличии решение не засчитывается.

22 Один из корней уравнения $5x^2 + 7x + 2m = 0$ равен -1 . Найдите второй корень.

Решение.

Подставим известный корень в уравнение: $5 - 7 + 2m = 0$. Получим уравнение относительно m . Решим его: $2m = 2$; $m = 1$. Подставим m в уравнение: $5x^2 + 7x + 2 = 0$, откуда

$$x = \frac{-7 \pm \sqrt{49 - 4 \cdot 5 \cdot 2}}{10} = \frac{-7 \pm 3}{10}, \quad x_1 = -1, \quad x_2 = -0,4.$$

Ответ: $-0,4$.

Критерии оценивания выполнения задания	Баллы
Все преобразования выполнены верно, получен верный ответ	3
По ходу решения допущена одна ошибка вычислительного характера или описка, с её учётом решение доведено до конца	2
Другие случаи, не соответствующие указанным критериям	0
Максимальный балл	3

23 Найдите наименьшее значение выражения и значения x и y , при которых оно достигается $|6x + 5y + 7| + |2x + 3y + 1|$.

Решение.

Сумма $|6x + 5y + 7| + |2x + 3y + 1|$ принимает наименьшее значение, равное 0, только в том случае, когда оба слагаемых одновременно равны 0. Получаем систему уравнений

$$\begin{cases} 6x + 5y + 7 = 0, \\ 2x + 3y + 1 = 0. \end{cases}$$

Решим её:

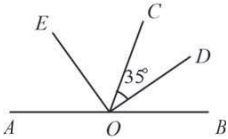
$$\begin{cases} 6x + 5y + 7 = 0, \\ 6x + 9y + 3 = 0; \end{cases} \quad \begin{cases} 4y - 4 = 0, \\ 6x + 9y + 3 = 0; \end{cases} \quad \begin{cases} y = 1, \\ 6x + 12 = 0; \end{cases} \quad \begin{cases} y = 1, \\ x = -2. \end{cases}$$

Ответ: 0; $(-2;1)$.

Критерии оценивания выполнения задания	Баллы
Все преобразования выполнены верно, получен верный ответ	4
По ходу решения допущена одна ошибка вычислительного характера или описка, с её учётом решение доведено до конца	3
Другие случаи, не соответствующие указанным критериям	0
Максимальный балл	4

Модуль "Геометрия"

24 Найдите величину угла COE , если OE – биссектриса угла AOC , OD – биссектриса угла COB .



Решение.

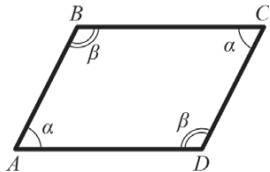
$\angle COB = 2 \cdot 35^\circ = 70^\circ$; $\angle AOC = 180^\circ - 70^\circ = 110^\circ$; $\angle COE = 110^\circ : 2 = 55^\circ$.

Ответ: 55° .

Критерии оценивания выполнения задания	Баллы
Решение верно, получен верный ответ	2
Допущена одна ошибка вычислительного характера или описка, с её учетом решение доведено до конца	1
Другие случаи, не соответствующие указанным критериям	0
Максимальный балл	2

25 Противоположные углы четырехугольника попарно равны. Докажите, что этот четырехугольник – параллелограмм.

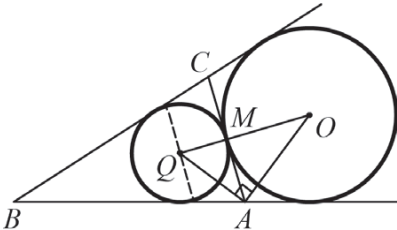
Пусть противоположные углы A и C четырехугольника $ABCD$ равны α , а противоположные углы B и D равны β . Поскольку сумма углов любого четырехугольника равна 360° , то $2\alpha + 2\beta = 360^\circ$. Значит, $\alpha + \beta = 180^\circ$. Так как сумма внутренних односторонних углов при секущей равна 180° , то по признаку параллельных прямых AB параллельна CD , BC параллельна AD . Значит, четырёхугольник $ABCD$ является параллелограммом по определению.



Критерии оценивания выполнения задания	Баллы
Доказательство верное, все шаги обоснованы	3
Доказательство содержит неточности или пробелы, например, отсутствуют ссылки на свойства параллельных прямых или параллелограмма	2
Другие случаи, не соответствующие указанным критериям	0
Максимальный балл	3

26 Основание AC равнобедренного треугольника ABC равно 6. Окружность радиуса 5 с центром вне этого треугольника касается продолжения боковых сторон треугольника и касается основания AC в его середине. Найдите радиус окружности, вписанной в треугольник ABC .

Решение.



Данная окружность касается стороны AC в её середине M и продолжений сторон BA и BC треугольника ABC .

Пусть O — центр этой окружности, а Q — центр окружности, вписанной в треугольник ABC . Угол OAQ — прямой как угол между биссектрисами смежных углов. Треугольник OAQ — прямоугольный, AM — его высота. Из этого треугольника находим, что $AM^2 = MQ \cdot MO$. Следовательно, $QM = \frac{AM^2}{OM} = \frac{9}{5} = 1,8$.

Ответ: 1,8.

Критерии оценивания выполнения задания	Баллы
Ход решения верный, все его шаги выполнены правильно, получен верный ответ	4
Ход решения верный, все его шаги выполнены правильно, но даны неполные объяснения или допущена одна вычислительная ошибка	3
Другие случаи, не соответствующие указанным выше критериям	0
Максимальный балл	4

Критерии оценивания заданий с развёрнутым ответом

Модуль "Алгебра"

21

Упростите выражение $\frac{\sqrt{54}}{\sqrt{\sqrt{31}+5} \cdot \sqrt{\sqrt{31}-5}}$.

Решение.

$$\frac{\sqrt{54}}{\sqrt{\sqrt{31}+5} \cdot \sqrt{\sqrt{31}-5}} = \frac{\sqrt{54}}{\sqrt{(\sqrt{31}+5)(\sqrt{31}-5)}} = \frac{\sqrt{54}}{\sqrt{31-25}} = \frac{\sqrt{54}}{\sqrt{6}} = \sqrt{9} = 3.$$

Ответ: 3.

Критерии оценивания выполнения задания	Баллы
Все преобразования выполнены верно, получен верный ответ	2
По ходу решения допущена одна ошибка вычислительного характера или описка, с её учётом решение доведено до конца	1
Другие случаи, не соответствующие указанным критериям	0
Максимальный балл	2

Комментарий. Ошибки в применении формул считаются существенными; при их наличии решение не засчитывается.

22

Один из корней уравнения $3x^2 + 5x + 2m = 0$ равен -1 . Найдите второй корень.

Решение.

Подставим известный корень в уравнение: $3 - 5 + 2m = 0$. Получим уравнение относительно m . Решим его: $2m = 2$; $m = 1$. Подставим m в уравнение: $3x^2 + 5x + 2 = 0$, откуда

$$x = \frac{-5 \pm \sqrt{25 - 4 \cdot 3 \cdot 2}}{6} = \frac{-5 \pm 1}{6}, \quad x_1 = -1, \quad x_2 = -\frac{2}{3}.$$

Ответ: $-\frac{2}{3}$.

Критерии оценивания выполнения задания	Баллы
Все преобразования выполнены верно, получен верный ответ	3
По ходу решения допущена одна ошибка вычислительного характера или описка, с её учётом решение доведено до конца	2
Другие случаи, не соответствующие указанным критериям	0
Максимальный балл	3

23

Найдите наименьшее значение выражения и значения x и y , при которых оно достигается: $|3x - 4y - 2| + |x - 5y + 3|$.

Решение.

Сумма $|3x - 4y - 2| + |x - 5y + 3|$ принимает наименьшее значение, равное 0, только в том случае, когда оба слагаемых одновременно равны 0. Получаем систему уравнений

$$\begin{cases} 3x - 4y - 2 = 0, \\ x - 5y + 3 = 0. \end{cases}$$

Решим её:

$$\begin{cases} 3x - 4y - 2 = 0, \\ 3x - 15y + 9 = 0, \end{cases} \quad \begin{cases} 11y - 11 = 0, \\ x - 5y + 3 = 0, \end{cases} \quad \begin{cases} y = 1, \\ x = 2. \end{cases}$$

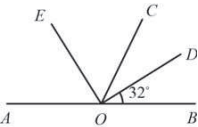
Ответ: 0; (2;1).

Критерии оценивания выполнения задания	Баллы
Все преобразования выполнены верно, получен верный ответ	4
По ходу решения допущена одна ошибка вычислительного характера или описка, с её учётом решение доведено до конца	3
Другие случаи, не соответствующие указанным критериям	0
Максимальный балл	4

Модуль "Геометрия"

24

Найдите величину угла COE , если OE – биссектриса угла AOC , OD – биссектриса угла COB .



Решение.

$\angle COB = 2 \cdot 32^\circ = 64^\circ$; $\angle AOC = 180^\circ - 64^\circ = 116^\circ$; $\angle COE = 116^\circ : 2 = 58^\circ$.

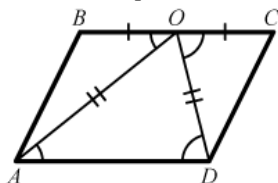
Ответ: 58° .

Критерии оценивания выполнения задания	Баллы
Решение верно, получен верный ответ	2
Допущена одна ошибка вычислительного характера или описка, с её учетом решение доведено до конца	1
Другие случаи, не соответствующие указанным критериям	0
Максимальный балл	2

25

Середина стороны параллелограмма равноудалена от концов его противоположной стороны. Докажите, что данный параллелограмм – прямоугольник.

Пусть точка O – середина стороны BC параллелограмма $ABCD$ – равноудалена от его вершин A и D . Тогда треугольник AOD равнобедренный, поэтому $\angle AOD = \angle ODA$. Поскольку прямая BC параллельна стороне AD , то углы BOA и COD равны указанным углам как накрест лежащие. Таким образом, $\triangle BOA = \triangle COD$ по первому признаку равенства треугольников. Значит, $\angle ABO = \angle ODA$. Пусть их величина равна α . Прямые AB и CD параллельны, поэтому $\alpha + \alpha = 180^\circ$, т.е. $\alpha = 90^\circ$. По свойству параллелограмма углы BAD и CDA также прямые. Значит, $ABCD$ – прямоугольник.

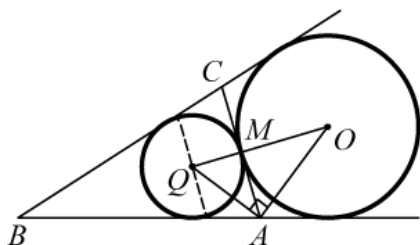


Критерии оценивания выполнения задания.	Баллы.
Доказательство верное, все шаги обоснованы	3
Доказательство содержит неточности или пробелы, например, отсутствуют ссылки на свойства параллельных прямых или параллелограмма.	2
Другие случаи, не соответствующие указанным критериям.	0.
Максимальный балл.	3.

26

Основание AC равнобедренного треугольника ABC равно 10. Окружность радиуса 7,5 с центром вне этого треугольника касается продолжения боковых сторон треугольника и касается основания AC в его середине. Найдите радиус окружности, вписанной в треугольник ABC .

Решение.



Данная окружность касается стороны AC в её середине M и продолжений сторон BA и BC треугольника ABC .

Пусть O — центр этой окружности, а Q — центр окружности, вписанной в треугольник ABC . Угол OAQ – прямой как угол между биссектрисами смежных углов. Треугольник OAQ – прямоугольный, AM – его высота. Из этого треугольника находим, что $AM^2 = MQ \cdot MO$.

$$\text{Следовательно, } QM = \frac{AM^2}{OM} = \frac{10}{3}.$$

Ответ: $\frac{10}{3}$

Критерии оценивания выполнения задания.	Баллы.
Ход решения верный, все его шаги выполнены правильно, получен верный ответ	4
Ход решения верный, все его шаги выполнены правильно, но даны неполные объяснения или допущена одна вычислительная ошибка	3.
Другие случаи, не соответствующие указанным выше критериям	0
Максимальный балл.	4